



## دینامیک سازه‌ها و کاربرد آن در MATLAB

به همراه کدهای متلب  
و حل تمرین‌هایی از کتاب «دینامیک سازه‌ها»



مؤلفان:

مهندس ایمان نخعی

دکتر امیر احمد هدایت



سرشناسه:  
عنوان و نام پدیدآور:  
مشخصات نشر:  
مشخصات ظاهری:  
شابک:  
وضعیت فهرست نویسی:  
یادداشت:  
موضوع:  
موضوع:  
موضوع:  
شناسه افزوده:  
رده بندی کنگره:  
رده بندی دیویی:  
شماره کتابشناسی ملی:

نخعی، ایمان، ۱۳۶۲ -  
دینامیک سازه‌ها و کاربرد آن در MATLAB/مؤلفان ایمان نخعی، امیراحمد هدایت.  
تهران: نوآور، ۱۳۹۸.  
۳۳۰ص.  
۹-۴۴۴-۱۶۸-۶۰۰-۹۷۸  
فیبا  
کتابنامه.  
متلب -- MATLAB  
دینامیک سازه‌ها -- Structural dynamics  
مهندسی سازه -- برنامه‌های کامپیوتری Structural engineering -- Computer programs  
هدایت، امیراحمد، ۱۳۴۹ -  
۶۵۴۳A  
۱۷۱/۶۲۴  
۵۹۳۶۳۳۶

## دینامیک سازه‌ها و کاربرد آن در MATLAB



نشر نوآور

مؤلفان: مهندس ایمان نخعی

ناشر: نوآور

شمارگان: ۵۰۰ نسخه

شابک: ۹۷۸۶۰۰۱۶۸۴۴۴۹

مرکز پخش:

نوآور، تهران، خیابان انقلاب، خیابان فخررازی، خیابان شهدای  
ژاندارمری نرسیده به خیابان دانشگاه ساختمان ایرانیان، پلاک ۵۸  
طبقه دوم، واحد ۶ تلفن: ۹۲-۶۶۴۸۴۱۹۱\_www.noavarpub.com

کلیه حقوق چاپ و نشر این کتاب مطابق با قانون حقوق مؤلفان و  
مصنفان مصوب سال ۱۳۴۸ برای ناشر محفوظ و منحصراً متعلق به  
نشر نوآور می‌باشد. لذا هر گونه استفاده از کل یا قسمتی از این کتاب  
(از قبیل هر نوع چاپ، فتوکپی، اسکن، عکس برداری، نشر الکترونیکی،  
هر نوع انتشار به صورت اینترنتی، سی‌دی، دی‌وی‌دی، فیلم فایل  
صوتی یا تصویری و غیره) بدون اجازه کتبی از نشر نوآور ممنوع بوده و  
شرعاً حرام است و متخلفین تحت پیگرد قانونی قرار می‌گیرند.

لطفاً جهت دریافت الحاقات و اصلاحات احتمالی این کتاب به سایت انتشارات نوآور مراجعه فرمایید.

[www.noavarpub.com](http://www.noavarpub.com)

<https://telegram.me/noavarpub>

<https://www.instagram.com/noavarpub/>

# فهرست مطالب

|    |  |
|----|--|
| ۸  | پیشگفتار.....  |
| ۱۱ | فصل اول / مباحثه اولیه دینامیک سازه  |
| ۱۱ | ۱-۱ دینامیک سازه‌ها.....   |
| ۱۱ | ۲-۱ روند تحلیل سازه.....   |
| ۱۱ | ۳-۱ انواع بارگذاری‌ها در مدل‌سازی.....   |
| ۱۲ | ۴-۱ انواع مسائل دینامیکی.....  |
| ۱۲ | ۵-۱ مدل‌سازی ریاضی سیستم‌های سازه‌ای در دینامیک.....   |
| ۱۳ | ۶-۱ درجه آزادی دینامیکی.....   |
| ۱۳ | ۱۶-۱ سیستم یک درجه آزادی.....  |
| ۱۴ | ۲۶-۱ سیستم دو درجه آزاد.....   |
| ۱۴ | ۷-۱ پارامترهای موثر بر رفتار دینامیکی.....   |
| ۱۴ | ۱۷-۱ فنر الاستیک (سختی): (Spring Force).....   |
| ۱۵ | ۲۷-۱ سختی.....   |
| ۱۵ | ۳۷-۱ استهلاک: (Damping).....   |
| ۱۵ | ۱۷-۳ نحوه مدل‌سازی استهلاک.....  |
| ۱۶ | ۸-۱ استخراج معادلات تعادل.....   |
| ۱۶ | ۱۸-۱ فرمول‌بندی مسائل در مکانیک.....   |
| ۱۸ | ۲۸-۱ بررسی حرکت نسبی در معادله‌ی تعادل دینامیکی.....   |
| ۱۹ | ۳۸-۱ روش تعادل دینامیکی مبتنی بر اصل دالامبر.....  |
| ۱۹ | ۴۸-۱ اصل کار مجازی: The principle of Virtual Work.....   |
| ۲۳ | ۵۸-۱ اصل تعیین معادلات حرکت لاگرانژ با استفاده از اصل هامیلتون.....  |
| ۲۶ | فصل دوم / ارتعاش سیستم یک درجه آزادی SDOF.....   |
| ۲۶ | ۲-۱ سیستم یک درجه آزادی.....   |
| ۲۶ | ۱-۲ بررسی ارتعاش در سیستم‌های یک درجه آزاد.....  |
| ۲۷ | ۲-۲ بررسی ارتعاش آزاد.....   |
| ۳۴ | ۳-۲ ارتعاش اجباری: Forced Vibration.....   |
| ۳۵ | ۱-۳ سیستم نامیرا: (C=0).....   |
| ۳۶ | ۲-۳ سیستم میرا (C ≠ 0) و (ξ < 1).....  |
| ۳۷ | ۴-۲ بررسی حرکت در پاسخ هارمونیک.....   |
| ۳۷ | ۱-۴ سیستم نامیرا: (C=0).....   |
| ۳۹ | ۲-۴ بررسی حرکت در سیستم میرا (C ≠ 0).....  |
| ۴۰ | ۵-۲ بررسی شرایط پاسخ تحت ωهای مختلف در سیستم‌های میرا (C ≠ 0).....   |
| ۴۰ | ۱۵-۲ حالتی که تواتر طبیعی دستگاه با تواتر نیروی اجباری مساوی باشد در این حالت ضریب بزرگنمایی دینامیکی (D) با عکس درصد میرایی متناسب است..... |
| ۴۰ | ۲۵-۲ زمانی که تواتر طبیعی دستگاه کمتر از تواتر نیروی اجباری باشد.....  |
| ۴۱ | ۳۵-۲ زمانی که تواتر طبیعی دستگاه بیشتر از تواتر نیروی اجباری باشد.....   |
| ۴۲ | ۶-۲ تعیین فرکانس طبیعی سازه‌ها در آزمایشگاه.....   |



- ۴۲-۱-۶-۲ روش ضریب تشدید .....  
 ۴۲-۲-۶ روش نواری: (Bandwidth Method) .....  
 ۴۳-۲-۷ حرکت پایه هارمونیک .....  
 ۴۴-۲-۱-۷ اگر معادله‌ی تعادل بر اساس جابه‌جایی نسبی استخراج شود .....  
 ۴۴-۲-۲-۷ اگر معادله‌ی تعادل بر اساس شرایط حرکت مطلق استخراج شود .....  
 ۴۶-۸-۲ استخراج انرژی الاستیک در سیستم‌های دینامیک .....

**فصل سوم / روشهای حل معادلات حرکت** ..... ۴۷

- ۴۷-۱-۳ نحوه‌ی استخراج معادله‌ی حرکت (Equation of Motion) .....  
 ۴۷-۲-۳ انواع روش‌های حل معادله حرکت .....  
 ۴۷-۳-۱-۲ حالت اول با در نظر گرفتن میرایی .....  
 ۴۸-۳-۲-۲ حالت دوم بدون در نظر گرفتن اثر میرایی .....  
 ۵۰-۳-۳ بررسی پاسخ سیستم یک درجه آزادی تحت تحریک نامتناوب .....  
 ۵۰-۳-۳-۱ بار ضربه‌ای (تحریک ضربه‌ای): (Impulsive) .....  
 ۵۰-۳-۳-۱-۱ بار ضربه ای مستطیلی .....  
 ۵۲-۳-۳-۲ بار ضربه‌ای مثلثی .....  
 ۵۴-۳-۳-۳ بارگذاری ضربه‌ای سینوسی .....  
 ۵۷-۳-۳-۴ پاسخ ضربه (پاسخ مربوط به بار مستطیلی) .....  
 ۵۷-۳-۳-۲ بارگذاری دلخواه .....  
 ۵۹-۴-۳ انتگرال دیوهامل .....  
 ۵۹-۴-۳-۱ برآورد عددی انتگرال دیوهامل در دستگاه‌های یک درجه آزادی بدون میرایی .....  
 ۵۹-۴-۳-۲ برآورد عددی انتگرال دیوهامل در دستگاه‌های یک درجه آزادی با میرایی .....  
 ۵۹-۴-۳-۳ روش‌های حل عددی انتگرال دیوهامل .....  
 ۵۹-۴-۳-۱-۴ روش مستطیلی .....  
 ۶۰-۴-۳-۲ روش ذوزنقه .....  
 ۶۰-۴-۳-۳ روش سیمسون .....  
 ۶۰-۴-۳-۴ حل عددی معادله حرکت .....  
 ۶۳-۵-۳ روش‌های عددی در حل معادلات حرکت .....  
 ۶۳-۱-۵-۳ مقدمه .....

**فصل چهارم / معادلات حاکم بر سیستم‌های چند درجه آزادی MDOF** ..... ۶۵

- ۶۵-۴-۱ چند درجه آزادی MDOF .....  
 ۶۵-۴-۱-۱ سیستم‌های گسسته (سیستم‌های برشی) .....  
 ۶۷-۴-۱-۱-۱ ارتعاش اجباری .....  
 ۶۸-۴-۱-۱-۲ سیستم‌های برشی، تحریک پایه .....  
 ۶۹-۴-۱-۲ سیستم‌های پیوسته (Continuous) .....  
 ۶۹-۴-۱-۲-۱ سختی گسسته - جرم پیوسته .....  
 ۷۶-۴-۱-۲-۲ سیستم با جرم و سختی گسترده و پیوسته .....  
 ۷۸-۴-۲ حل معادله دیفرانسیل گفته شده با استفاده از روش‌های تقریبی: (حل عددی) .....  
 ۸۱-۴-۳ تعریف توابع شکل در عضو تیر .....  
 ۸۳-۴-۴ تحلیل ماتریسی مثال دینامیکی .....  
 ۸۳-۴-۱-۴ استخراج ماتریس سختی .....

|     |       |   |   |
|-----|-------|---|---|
| ۸۹  | ..... | ۵-۴   | روش نرمی  |
| ۹۲  | ..... | ۶-۴   | تراکم استاتیکی  |
| ۹۵  | ..... | <b>فصل پنجم / تحلیل سیستم‌های چند درجه آزادی</b>                              |   |
| ۹۵  | ..... | ۱-۵   | معادلات حرکت یک سیستم ارتعاش آزاد نامیرا  |
| ۹۸  | ..... | ۲-۵   | تحلیل مودال   |
| ۹۸  | ..... | ۱-۲-۵   | ویژگی‌های ماتریس مودال  |
| ۱۰۲ | ..... | ۲-۲-۵   | معادله حرکت سیستم یک درجه آزاد به دست آمده از تحلیل مودال                                     |
| ۱۰۶ | ..... | ۳-۵   | پاسخ سیستم‌های چند درجه آزادی نامیرا تحت ارتعاش اجباری: (سیستم‌های برشی)                      |
| ۱۱۱ | ..... | ۴-۵   | پاسخ سیستم‌های چند درجه آزادی میرا تحت ارتعاش اجباری: (سیستم‌های برشی)                        |
| ۱۱۲ | ..... | ۵-۵   | روش‌های مدل‌سازی استهلاک در تحلیل دینامیکی سازه‌ها  |
| ۱۱۶ | ..... | ۶-۵   | تحلیل مودال رایج در نرم‌افزارهای عمرانی (محاسبه پاسخ با استفاده از ضریب مشارکت مودی)          |
| ۱۱۷ | ..... | ۱-۶-۵   | حالت اول: تحلیل تاریخچه زمانی (Time History)  |
| ۱۲۲ | ..... | ۲-۶-۵   | حالت دوم- تحلیل طیفی مودال (Modal Response Spectrum Analysis)                                 |
| ۱۲۴ | ..... | <b>فصل ششم / روش‌های عددی در حل معادلات حرکت و کد نویسی در نرم‌افزار متلب</b> |   |
| ۱۲۴ | ..... | ۱-۶   | بخش اول: روش‌های حل معادلات حرکت  |
| ۱۲۴ | ..... | ۱-۱-۶   | روش‌های مورد استفاده در محاسبه پاسخ‌های دامنه زمان  |
| ۱۲۴ | ..... | ۲-۱-۶   | روش‌های انتگرال‌گیری مستقیم   |
| ۱۲۵ | ..... | ۳-۱-۶   | تفاوت بین روش‌های صریح و ضمنی (Implicit , Explicit)   |
| ۱۲۶ | ..... | ۴-۱-۶   | دقت روش‌ها  |
| ۱۲۶ | ..... | ۲-۶   | بخش دوم: الگوریتم‌های گام‌به‌گام عددی برای تحلیل معادله حرکت در سیستم SDOF                    |
| ۱۲۷ | ..... | ۱-۲-۶   | معادله حرکت برای سیستم SDOF   |
| ۱۳۱ | ..... | ۲-۲-۶   | روش نیومارک   |
| ۱۳۶ | ..... | ۳-۲-۶   | روش ویلسون $\theta$   |
| ۱۴۲ | ..... | ۴-۲-۶   | روش تفاضل مرکزی   |
| ۱۴۶ | ..... | ۵-۲-۶   | انتگرال دو هامل   |
| ۱۴۹ | ..... | ۶-۲-۶   | روش دقیق تکه‌ای   |
| ۱۵۰ | ..... | ۷-۲-۶   | روش رانک-کوتا مرتبه ۴   |
| ۱۵۴ | ..... | ۸-۲-۶   | روش هیلبر هیوز تیلور آلفا متد: Hilber Hughes Taylor Alpha Method                              |
| ۱۵۹ | ..... | ۳-۶   | بخش سوم: پایداری روش‌های دیفرانسیل‌گیری و انتگرال‌گیری  |
| ۱۶۰ | ..... | ۱-۳-۶   | معیار پایداری برای دو روش انتگرال‌گیری عددی ضمنی  |
| ۱۶۱ | ..... | ۲-۳-۶   | معیار پایداری برای روش انتگرال‌گیری صریح  |
| ۱۶۱ | ..... | ۳-۳-۶   | معیار پایداری برای روش دیفرانسیل‌گیری عددی  |
| ۱۶۲ | ..... | ۱-۳-۳-۶   | سیستم‌های MDOF  |
| ۱۶۳ | ..... | ۴-۶   | بخش چهارم: روش‌های گام‌به‌گام عددی تحلیل معادله حرکت در سیستم‌های SDOF                        |
| ۱۶۳ | ..... | ۱-۴-۶   | خطای پاسخ ارتعاش آزاد در سیستم‌های SDOF   |
| ۱۶۵ | ..... | ۱-۱-۴-۶   | سیستم‌های MDOF  |
| ۱۶۶ | ..... | ۲-۴-۶   | راه‌نمایی دستورالعمل‌های حاضر برای تخصیص زمانی جهت استفاده در تحلیل سازه دینامیک مهندسی زلزله |
| ۱۶۶ | ..... | ۳-۴-۶   | خطا در پاسخ سیستم SDOF به زمین‌لرزه   |
| ۱۶۷ | ..... | ۱-۳-۴-۶   | سیستم‌های SDOF  |
| ۱۶۷ | ..... | ۲-۳-۴-۶   | گام زمانی $\Delta t$  |

|          |  |
|----------|--|
| ۱۶۷..... | ۳-۳-۴-۶ زمین لرزه  |
| ۱۶۸..... | ۴-۳-۴-۶ فرکانس زمین لرزه مرتبط با فرکانس سیستم‌های SDOF  |
| ۱۶۹..... | ۵-۳-۴-۶ تاریخچه‌های زمانی ۴۳۲ تحلیل پاسخ گام‌به‌گام  |
| ۱۶۹..... | ۶-۳-۴-۶ نتایج حاصل از ۱۲ مطالعه خطا از مجموع ۴۳۲ مطالعه  |
| ۱۷۴..... | ۷-۳-۴-۶ خلاصه نتایج بدست آمده از ۴۳۲ مطالعه خطا  |
| ۱۷۸..... | ۸-۳-۴-۶ دقت روش‌های گام‌به‌گام عددی به عنوان تابعی از گام زمانی $\Delta t$ و فرکانس در زمین لرزه |
| ۱۸۴..... | ۴-۴-۶ بررسی دقت روشها  |
| ۱۸۵..... | ۵-۴-۶ بخش پنجم: بررسی نتایج الگوریتم‌های مورد مطالعه   |
| ۱۸۶..... | ۱-۵-۶ نیازمندی‌های پایداری برای ۴ روش عددی مورد استفاده در تحلیل پاسخ                            |
| ۱۸۷..... | ۲-۵-۶ دقت پاسخ سیستم‌های SDOF به زمین لرزه   |
| ۱۸۹..... | ۱-۲-۵-۶ اصلاح خط پایه زمین لرزه  |
| ۱۸۹..... | ۳-۵-۶ مشاهدات بدست آمده از تحلیل پاسخ مدل‌های سیستم MDOF نیمه‌گسسته                              |
| ۱۹۰..... | ۱-۳-۵-۶ الزامات و نیازمندی‌های پایداری   |
| ۱۹۱..... | ۲-۳-۵-۶ دقت پاسخ   |
| ۱۹۲..... | ۳-۳-۵-۶ میرایی عددی پاسخ با فرکانس بالا  |
| ۱۹۲..... | ۴-۳-۵-۶ تحلیل غیرخطی   |
| ۱۹۳..... | <b>پیوست A: راه حل دقیق برای تحریک پایه موج سینوسی در سیستم SDOF</b>                             |
| ۱۹۴..... | <b>پیوست B: سری‌های فوریه</b>  |
| ۱۹۶..... | <b>ضمیمه C: کدهای دینامیک سازه در برنامه متلب</b>  |
| ۲۲۴..... | <b>فصل هفتم / حل تمرین‌های دینامیک سازه</b>  |
| ۲۲۴..... | ۷- مقدمه   |
| ۲۲۴..... | فصل اول: کتاب پاز  |
| ۲۳۲..... | فصل ششم کتاب مایرویچ   |
| ۲۵۹..... | فصل دوم: کتاب پاز  |
| ۲۶۹..... | فصل دوم کتاب چوپرا   |
| ۲۷۲..... | فصل سوم: کتاب پاز  |
| ۲۷۷..... | فصل سوم: کتاب چوپرا  |
| ۲۸۲..... | فصل چهارم: کتاب پاز  |
| ۲۸۹..... | فصل چهارم چوپرا  |
| ۲۹۴..... | فصل دهم: کتاب پاز  |
| ۳۰۰..... | فصل دهم: کتاب چوپرا  |
| ۳۰۸..... | فصل یازدهم: کتاب پاز   |
| ۳۱۵..... | فصل دوازدهم: کتاب پاز  |
| ۳۱۸..... | <b>پیوست D: خلاصه نکات دینامیک سازه</b>  |
| ۳۲۹..... | منابع و مآخذ   |

نشر نوآور ضمن ارج نهادن و قدردانی از اعتماد شما به کتاب‌های این انتشارات، به استحضارتان می‌رساند که همکاران این انتشارات، اعم از مؤلفان و مترجمان و کارگروه‌های مختلف آماده‌سازی و نشر کتاب، تمامی سعی و همت خود را برای ارائه کتابی درخور و شایسته شما فرهیخته گرامی به‌کار بسته‌اند و تلاش کرده‌اند که اثری را ارائه نمایند که از حداقل‌های استاندارد یک کتاب خوب، هم از نظر محتوایی و غنای علمی و فرهنگی و هم از نظر کیفیت شکلی و ساختاری آن، برخوردار باشد.

با این وجود، علی‌رغم تمامی تلاش‌های این انتشارات برای ارائه اثری با کمترین اشکال، باز هم احتمال بروز ایراد و اشکال در کار وجود دارد و هیچ اثری را نمی‌توان الزاماً مبرا از نقص و اشکال دانست. از سوی دیگر، این انتشارات بنابه تعهدات حرفه‌ای و اخلاقی خود و نیز بنابه اعتقاد راسخ به حقوق مسلم خوانندگان گرامی، سعی دارد از هر طریق ممکن، به‌ویژه از طریق فراخوان به خوانندگان گرامی، از هرگونه اشکال احتمالی کتاب‌های منتشره خود آگاه شده و آن‌ها را در چاپ‌ها و ویرایش‌های بعدی رفع نماید.

لذا در این راستا، از شما فرهیخته گرامی تقاضا داریم در صورتی که حین مطالعه کتاب با اشکالات، نواقص و یا ایرادهای شکلی یا محتوایی در آن برخورد نمودید، اگر اصلاحات را بر روی خود کتاب انجام داده‌اید پس از اتمام مطالعه، کتاب ویرایش شده خود را با هزینه انتشارات نوآور، پس از هماهنگی با انتشارات، ارسال نمایید، و نیز چنانچه اصلاحات خود را بر روی برگه جداگانه‌ای یادداشت نموده‌اید، لطف کرده عکس یا اسکن برگه مزبور را با ذکر نام و شماره تلفن تماس خود به ایمیل انتشارات نوآور ارسال نمایید، تا این موارد بررسی شده و در چاپ‌ها و ویرایش‌های بعدی کتاب اعمال و اصلاح گردد و باعث هرچه پر بارتر شدن محتوای کتاب و ارتقاء سطح کیفی، شکلی و ساختاری آن گردد.

نشر نوآور، ضمن ابراز امتنان از این عمل متعهدانه و مسئولانه شما خواننده فرهیخته و گرانقدر، به‌منظور تقدیر و تشکر از این همدلی و همکاری علمی و فرهنگی، در صورتی که اصلاحات درست و بجا باشند، متناسب با میزان اصلاحات، به رسم ادب و قدرشناسی، نسخه دیگری از همان کتاب و یا چاپ اصلاح شده آن و نیز از سایر کتب منتشره خود را به‌عنوان هدیه، به انتخاب خودتان، برایتان ارسال می‌نماید، و در صورتی که اصلاحات تأثیرگذار باشند در مقدمه چاپ بعدی کتاب نیز از زحمات شما تقدیر می‌شود.

همچنین نشر نوآور و پدیدآورندگان کتاب، از هرگونه پیشنهادها، نظرات، انتقادات و راه‌کارهای شما عزیزان در راستای بهبود کتاب، و هرچه بهتر شدن سطح کیفی و علمی آن صمیمانه و مشتاقانه استقبال می‌نمایند.



نشر نوآور

تلفن: ۰۲۱-۶۶۴۸۴۱۹۱

[www.noavarpub.com](http://www.noavarpub.com)

[info@noavarpub.com](mailto:info@noavarpub.com)

دینامیک سازه‌ها زیر شاخه‌ای از تحلیل سازه و تئوری ارتعاشات است که به آنالیز و مطالعه رفتار سازه‌ها تحت اثر بارهای دینامیکی می‌پردازد. بارهایی که به زمان بستگی دارند. یکی از مباحث و دروس مهم در رشته عمران، مکانیک، صنایع هوایی، دریایی و ...، درس دینامیک سازه‌ها است که یادگیری آن اهمیت ویژه‌ای برای مهندسين دارد. در این درس دانشجویان با انواع ارتعاشات در سازه، تحلیل دینامیکی سازه‌ها و روش‌های حل معادلات حرکت در دو حالت خطی و غیرخطی آشنا می‌شوند. برای حل معادلات حرکت از روش‌های تحلیلی (مستقیم)، تقریبی و عددی استفاده می‌گردد. در روش تحلیلی، تابع پاسخ بصورت مستقیم استخراج می‌شود. در روش تقریبی با گسسته‌سازی شرایط تحریک و پاسخ و معادل‌سازی آن، پاسخ بدست می‌آید مانند: روش فوریه یا انتگرال دوهامل. در روش حل عددی روش‌هایی نظیر: نیومارک، ویلسون، تئا، رانگ کوتا مرتبه ۴، هیلبر هیوز و ..... وجود دارد که هر کدام از این روش‌ها دقت خاص خودشان را دارند. برای بررسی دقت این روش‌ها در سال ۱۹۹۱ یک گزارش (مرجع ۱) در آمریکا تهیه شده است که فصل ششم این کتاب بر اساس این گزارش تهیه شده است. همچنین فرمولها، الگوریتم و کدهای متلب روش‌های حل عددی در آن فصل آمده است که دانشجویان ارشد و دکترا می‌توانند از آنها استفاده نمایند. فصل‌های این کتاب عبارتند از:

فصل اول: مباحث اولیه دینامیک سازه

فصل دوم: ارتعاش سیستم یک درجه آزادی SDOF

فصل سوم: روش‌های حل معادلات حرکت

فصل چهارم: معادلات حاکم بر سیستم‌های چند درجه آزادی MDOF

فصل پنجم: تحلیل سیستم‌های چند درجه آزادی

فصل ششم: روش‌های عددی در حل معادلات حرکت و کدنویسی در نرم افزار متلب

پیوست A: راه حل دقیق برای تحریک پایه موج سینوسی در سیستم SDOF

پیوست B: سری فوریه

پیوست C: برنامه‌های متلب در دینامیک سازه ( فضای حالت، ریلی ریتز و ....)

در فصل هفتم این کتاب تمرین‌هایی از کتابهای دینامیک سازه نوشته: ماریو پاز ، آنیل چوپرا ، مایروویچ و .... حل شده است که می‌تواند برای دانشجویان و اساتید مفید واقع شود. همچنین در پیوست D خلاصه نکات فرمول‌های دینامیک سازه آورده شده است.

امیدواریم این کتاب بتواند مرجعی مناسب برای تئوری و حل تمرین در درس دینامیک سازه‌ها باشد. در انتها جا دارد از همکاران محترم در انتشارات نوآور بخصوص آقایان نصیرنیا که زحمت چاپ و انتشار این مجموعه را برعهده داشته اند، قدردانی و تشکر ویژه نمایم.

امیر احمد هدایت - ایمان نخعی



---

تقدیم به:

ماحصل آموخته‌هایم را تقدیم می‌کنم به آنان که مهر آسمانی‌شان آرام بخش آلام زمینی‌ام است  
به استوارترین تکیه‌گاهم، دستان پرمهر پدرم  
به سبزترین نگاه زندگیم، چشمان سبز مادرم  
که هرچه آموختم در مکتب عشق شما آموختم و هرچه بکوشم قطره‌ای از دریای بی‌کران مهربانیتان را  
سپاس نتوانم بگویم.  
امروز هستی‌ام به امید شماست و فردا کلید باغ بهشت‌م رضای شما.  
را آوردی گران سنگ‌تر از این ارزان نداشتم تا به خاک پایتان نثار کنم، باشد که حاصل تلاشم نسیم گونه  
غبار خستگی‌تان را بزدايد.  
«بوسه بر دستان پرمهرتان»

---

کلیه حقوق چاپ و نشر این کتاب مطابق با قانون حقوق مؤلفان و مصنفان و هنرمندان مصوب سال ۱۳۴۸ و آیین‌نامه اجرایی آن مصوب ۱۳۵۰، برای ناشر محفوظ و منحصراً متعلق به نشر نوآور است. لذا هر گونه استفاده از کل یا قسمتی از مطالب، اشکال، نمودارها، جداول، تصاویر این کتاب در دیگر کتب، مجلات، نشریات، سایت‌ها و موارد دیگر، و نیز هر گونه استفاده از کل یا قسمتی از کتاب به هر شکل از قبیل هر نوع چاپ، فتوکپی، اسکن، تایپ از کتاب، تهیه پی‌دی‌اف از کتاب، عکس‌برداری، نشر الکترونیکی، هر نوع انتشار به صورت اینترنتی، سی‌دی، دی‌وی‌دی، فیلم، فایل صوتی یا تصویری و غیره بدون اجازه کتبی از نشر نوآور ممنوع و غیرقانونی بوده و شرعاً نیز حرام است، و متخلفین تحت پیگرد قانونی و قضایی قرار می‌گیرند.

با توجه به اینکه هیچ کتابی از کتب نشر نوآور به صورت فایل ورد یا پی‌دی‌اف و موارد این چنین، توسط این انتشارات در هیچ سایت اینترنتی ارائه نشده است، لذا در صورتی که هر سایتی اقدام به تایپ، اسکن و یا موارد مشابه نماید و کل یا قسمتی از متن کتب نشر نوآور را در سایت خود قرار داده و یا اقدام به فروش آن نماید، توسط کارشناسان امور اینترنتی این انتشارات، که مسئولیت اداره سایت را به عهده دارند و به طور روزانه به بررسی محتوای سایت‌ها می‌پردازند، بررسی و در صورت مشخص شدن هرگونه تخلف، ضمن اینکه این کار از نظر قانونی غیرمجاز و از نظر شرعی نیز حرام می‌باشد، وکیل قانونی انتشارات از طریق وزارت فرهنگ و ارشاد اسلامی، پلیس فتا (پلیس رسیدگی به جرایم رایانه‌ای و اینترنتی) و نیز سایر مراجع قانونی، اقدام به مسدود نمودن سایت متخلف کرده و طی انجام مراحل قانونی و اقدامات قضایی، خاطیان را مورد پیگرد قانونی و قضایی قرار داده و کلیه خسارات وارده به این انتشارات از متخلف اخذ می‌گردد.

همچنین در صورتی که هر کتابفروشی، اقدام به تهیه کپی، جزوه، چاپ دیجیتال، چاپ ریسو، افست از کتب انتشارات نوآور نموده و اقدام به فروش آن نماید، ضمن اطلاع‌رسانی تخلفات کتابفروشی مزبور به سایر همکاران و مؤذرعین محترم، از طریق وزارت فرهنگ و ارشاد اسلامی، اتحادیه ناشران، و انجمن ناشران دانشگاهی و نیز مراجع قانونی و قضایی اقدام به استیفای حقوق خود از کتابفروشی متخلف می‌نماید.

**خرید، فروش، تهیه، استفاده و مطالعه از روی نسخه غیراصل کتاب،**

**از نظر قانونی غیرمجاز و شرعاً نیز حرام است.**

انتشارات نوآور از خوانندگان گرامی خود درخواست دارد که در صورت مشاهده هرگونه تخلف از قبیل موارد فوق، مراتب را یا از طریق تلفن‌های انتشارات نوآور به شماره‌های ۰۲۱ ۶۶۴۸۴۱۹۱-۲ و ۰۹۱۲۳۰۷۶۷۴۸ و یا از طریق ایمیل انتشارات به آدرس [info@noavarpub.com](mailto:info@noavarpub.com) و یا از طریق منوی تماس با ما در سایت [www.noavarpub.com](http://www.noavarpub.com) به این انتشارات ابلاغ نمایند، تا از تضييع حقوق ناشر، پديدآورنده و نیز خود خوانندگان محترم جلوگیری به عمل آید، و نیز به‌عنوان تشکر و قدردانی، از کتب انتشارات نوآور نیز هدیه دریافت نمایند.

## فصل اول

### مباحثه اولیه دینامیک سازه

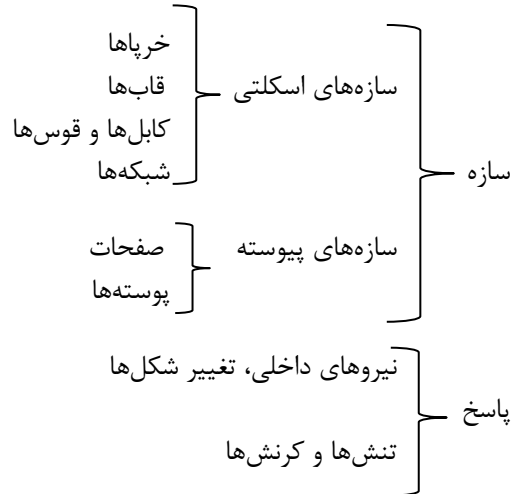
#### ۱-۱ دینامیک سازه‌ها

موضوع علم دینامیک سازه عبارت است از محاسبه پاسخ سازه‌ها در برابر بارهای دینامیکی. منظور از پاسخ سازه کمیت‌هایی نظیر تغییر مکان، سرعت، شتاب، عکس‌العمل تکیه‌گاه، نیروهای داخلی و تنش‌ها و کرنش‌ها می‌باشد. منظور از بارهای دینامیکی بارهایی است که مقدار یا محل اثر یا جهت آنها تابعی از زمان باشد.

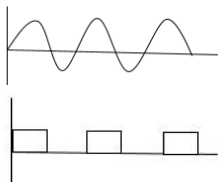
تحلیل سازه: دینامیکی - استاتیکی  
Excitation → Structure → Response (پاسخ)

#### ۲-۱ روند تحلیل سازه

تحریک: این حرکات شامل بارگذاری‌ها



#### ۳-۱ انواع بارگذاری‌ها در مدل‌سازی



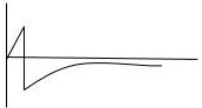
۱- بارهای متناوب - Periodic: } هارمونیک ← مثل  $\cos, \sin$   
غیر هارمونیک ← مثل پله‌ای



۲- بارهای غیر متناوب- Non-periodic: مثل بار پله و ضربه

**نکته**

تابع ریاضی این بارها قابل تولید می‌باشد.



۳- بارهای دلخواه (تصادفی)- Random:

الف- بار اشی از اثر موج دریا      ب- بار ناشی از اثر زلزله

**نکته**

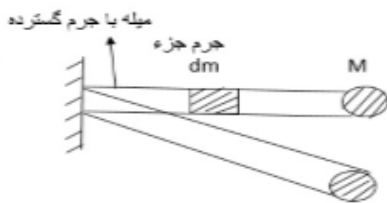
تابع ریاضی برای فرموله کردن چنین بارهایی در دسترس نبوده در نتیجه تحلیل سیستم‌ها تحت شرایط این نوع بارها، پیچیده می‌باشد.

**۴-۱ انواع مسائل دینامیکی**

- مسائل انتشار موج Wave Propagation
- مسائل اینرسی Inertia (توزیع نیروی دینامیکی در سیستم ناشی از شتاب جرم)

**۵-۱ مدل سازی ریاضی سیستم‌های سازه‌ای در دینامیک**

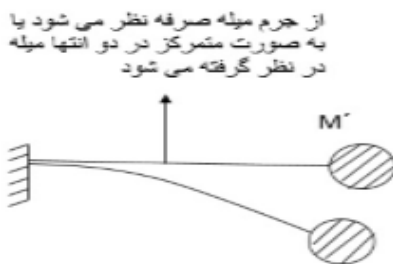
نقش اصلی در استخراج معادلات تعادل دینامیکی را نیروی ناشی از اینرسی به عهده دارد. با توجه به این شرایط در مدل سازی اثر جرم (اثر اینرسی) را به دو صورت عمده‌ی متمرکز و گسترده در نظر می‌گیریم که شرایط زیر را در مدل سازی دیکته می‌کند.



دقیق  
واقعی  
پیچیده

مدل سازی  
← Continuous

$$\text{at } \begin{cases} t = t_j \\ x = x_i \end{cases} \Rightarrow y = y_i(t_j)$$

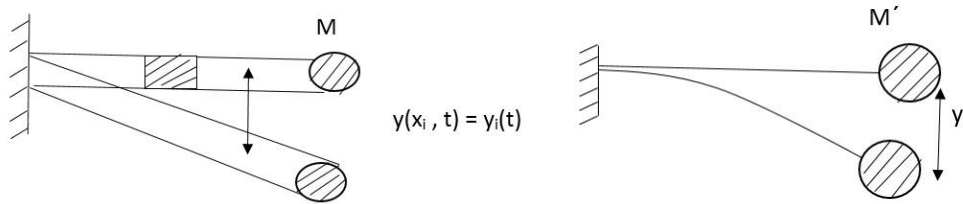


تقریبی  
غیر واقعی  
ساده

مدل سازی  
← Discrete

$$\text{at } t = t_j \Rightarrow y = y(t_j)$$

\* در شرایط مدل سازی اگر جرم را به صورت عمده متمرکز در نظر بگیریم می شود حالت گسسته و اگر جرم را به صورت گسترده در نظر بگیریم می شود حالت پیوسته.  
در هر دو حالت ، در مدل سازی با هر نوع جرم، چه جرم متمرکز چه جرم گسترده باید متغیر پایخ در سیستم تعریف شود. به عنوان مثال در سیستم گسسته پاسخ جرم  $M'$ ، (منظور  $y$ ) بر اساس شرایط موقعیتی جرم تعریف شده است و از طرف دیگر جرم تاثیر عمده در تشکیل معادلات دینامیکی دارد.



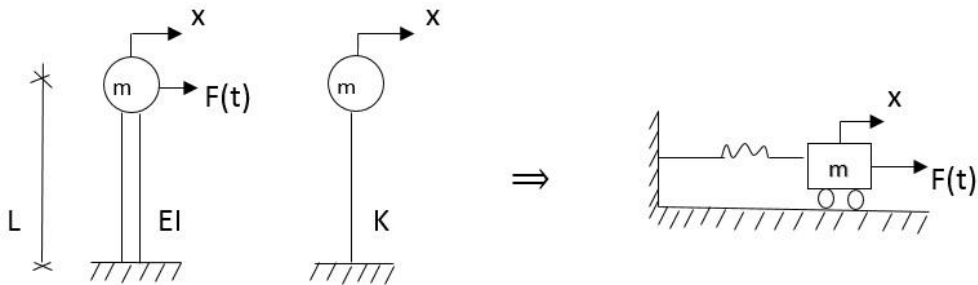
با توجه به نکته بالا، مفهومی تحت عنوان درجه آزادی دینامیکی معرفی می گردد که حرکت جرم با توجه به انتقال و دوران مستقل آن مدل سازی می شود.

### ۱-۶-۱ درجه آزادی دینامیکی

راستاها و دوران های مستقلی که جرم به راحتی بتواند حرکت کند.

### ۱-۶-۱-۱ سیستم یک درجه آزادی

مثال: مدل فیزیکی برج آب:



معادله دینامیکی سیستم مورد نظر:

$$mx + kx = F(t) \quad \text{EI: سختی خمشی}$$

$$m \text{ جرم} \quad \text{F(t): نیروی اعمالی به جرم}$$

### نکته

جنس معادلات عبارت است از:

از جنس نیرو  $m\ddot{x} = F$ : اینرسی انتقالی

از جنس ممان  $I\ddot{\alpha} = M$ : اینرسی دورانی

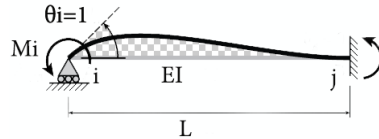


### ۲-۷-۱ سختی:

نیروی متناسب با انتقال و دوران واحد را در درجه آزادی موردنظر در صورتیکه درجات دیگر بسته یا شرایط طبیعی خود را داشته باشند سختی اتلاق می‌شود.

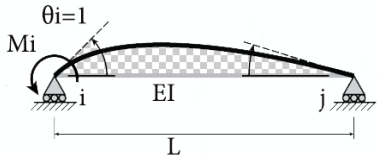
$$M_i = \frac{4EI}{L} \theta_i \quad \theta_i = 1 \Rightarrow K_i = \frac{4EI}{L}$$

$$K_i = M_i$$



$$M_i = \frac{3EI}{L} \theta_i \quad \theta_i = 1 \Rightarrow K_i = \frac{3EI}{L}$$

$$K_i = M_i$$



انواع سختی‌ها و نحوه استخراج آن‌ها از تحلیل سازه ۱ و ۲ خواننده شود:

- سختی محوری
- سختی انتقالی و برشی
- سختی پیچشی
- سختی دورانی
- سختی سیستم قاب

### ۳-۷-۱ استهلاک (Damping):

$$F_d = c\dot{x}$$

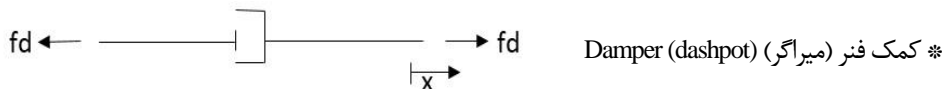
نیروی دمپینگ متناسب با سرعت است.

تنها از نظر فیزیکی قابل تعریف بوده که به معنی اتلاف انرژی (صوت و حرارت و...) می‌باشد و مدل ریاضی برای آن به صورت محدود ارائه شده است.

### نکته

در ساختمان‌ها اصطکاک موجود در اتصالات، وجود ترک در المان‌های بتنی، درگیری المان‌های سازه‌ای و غیرسازه‌ای و... باعث ایجاد استهلاک در سیستم می‌شوند و مقدار آن به وسیله‌ی انجام آزمایش برای سازه‌ها با انواع مختلف سیستم‌های مهاربندی و مصالح مصرفی (بتن، فولاد و چوب و...) به دست می‌آید.

### ۱-۷-۳-۱ نحوه مدل‌سازی استهلاک:



\* کمک فنر (میراگر) (Damper (dashpot))

\* انرژی ناشی از استهلاک به سیستم باز نمی‌گردد.

۳ - اینرسی (نیروی ناشی از اینرسی) (Inertia)

$$\begin{cases} F_I = m\ddot{x} & \text{اینرسی انتقالی} \\ M_I = I\ddot{\theta} & \text{اینرسی دورانی} \end{cases}$$